

# Capitolul 1

## MODELUL RELAȚIONAL

Modelul relațional ca și orice alt model de date utilizat în proiectarea logică a bazelor de date eliberează utilizatorul de cunoașterea detaliilor despre structura fizică și metodele de acces la date. În afară de aceasta, el are două avantaje suplimentare: e simplu și elegant. Simplitatea sa constă în structurile de date omogene în formă de relații tabelare. Iar eleganța modelului se explică prin temelia sa științifică. El este riguros din punct de vedere matematic grație faptului că se sprijină pe bine puse la punct teoriile matematica relațiilor și logica de ordinul unu.

Modelul relațional a fost primul exemplu de model de date formal și a fost propus de E. Codd în 1970. Prin model datele utilizatorului sunt reprezentate și manipulate în mod abstract. Modelul de asemenea presupune tehnici ce ajută administratorul de a detecta și corecta posibilele probleme de proiectare ce pot apărea o dată cu pregătirea datelor pentru implementare într-un SGBD concret.

Orice model de date, conform unei sugestii a lui Codd, trebuie să se bazeze pe trei componente: structurile de date, constrângerile de integritate și operatorii de manipulare a datelor.

- **Structurile de date.** Structurile sunt definite de un limbaj de definire a datelor (data definition language). Datele în modelul relațional sunt structurate în relații bidimensionale. Elementele principale ale structurii relaționale sunt relațiile, tuplurile, atributele, domeniile.
- **Constrângerile de integritate.** Prin integritatea datelor se subînțelege că datele rămân stabile, în siguranță și corecte. Integritatea în modelul relațional este menținută de constrângeri interne care nu sunt cunoscute utilizatorului.
- **Manipularea datelor.** Relațiile pot fi manipulate utilizând un limbaj de manipulare a datelor (data manipulation language). În modelul relațional, limbajul folosește operatorii relaționali bazați pe conceptul algebrei relaționale. În afară de aceasta, există limbaje echivalente algebrei relaționale, cum ar fi calculul relațional orientat pe tuplu și calculul relațional orientat pe domeniu.

### 1.1. Structura relațională a datelor

Unul din avantajele modelului relațional rezidă în omogenitatea lui. Toate datele sunt structurate în tabele, fiecare linie ale căror are același format. Linia într-un tabel prezintă un obiect (sau o relație dintre obiecte) din lumea înconjurătoare.

#### 1.1.1. Atribute și domenii

În sistemele obișnuite de gestionare a fișierelor câmpul este cea mai mică unitate accesibilă de date. Se presupune că fiecare câmp poate conține un anumit tip de date

(integer, real, character, string etc.), pentru care se specifică numărul necesar de octeți de memorie. Câmpul, bineînțeles, are și un nume. Făcând analogie, în modelul relațional fiecare coloană a unei linii dintr-un tabel corespunde noțiunii de câmp din fișiere.

**Definiția 1.1.** Fie  $U$  o mulțime nevidă de elemente  $A_1, A_2, \dots, A_n$ , numite *nume de atribut* sau simplu *atribut*. Mulțimea  $U = \{A_1, A_2, \dots, A_n\}$  se numește *universul* unei baze de date relaționale sau *mulțime universală*.

**Definiția 1.2.** *Domeniul* unui atribut  $A_i$  din  $U$ ,  $1 \leq i \leq n$ , notat cu  $\text{dom}(A_i)$ , este o mulțime finită de valori de același tip care le poate primi atributul  $A_i$ .

Domeniul este *simplu*, dacă elementele sale sunt atomice (adică nu pot fi descompuse din punctul de vedere al SGBD-ului). Atributul ce are un domeniu de valori simplu se numește *atribut atomic*. Domeniul unei submulțimi  $R$  a universului  $U$ , se notează  $\text{dom}(R)$ , este uniunea tuturor domeniilor atributelor din  $R$ , adică  $\text{dom}(R) = \cup_{A_i \in R} \text{dom}(A_i)$ , unde  $\text{dom}(\emptyset) = \emptyset$ , dacă  $R = \emptyset$ .

**Remarcă.** Cu toate că elementele unui domeniu trebuie să fie de același tip, această restricție nu se extinde asupra elementelor din  $\text{dom}(R)$ .

În modelul relațional fiecare tabel se spune că reprezintă o relație. Atributele sunt niște identificatori pentru a diferenția și marca coloanele tabelului. Deci, câmpul sau numele de coloană e și atribut. Toate atributele ce apar într-un tabel trebuie să fie distincte și să fie incluse în universul  $U$ . Atributele au un caracter global în baza de date: dacă un nume denotă două coloane în tabele distincte în aceeași bază de date, atunci el reprezintă același atribut.

Relația tabelară cu  $i$  linii și  $j$  coloane are  $i*j$  elemente. Fiecare element este o valoare dintr-un domeniu simplu. Cu toate că atributele în universul  $U$  trebuie să fie distincte, domeniile acestor atribute nu trebuie neapărat să fie disjuncte. De exemplu, managerul în același timp poate fi funcționar. Deci domeniile atributelor MANAGER și FUNCȚIONAR nu sunt disjuncte, adică MANAGER și FUNCȚIONAR sunt definite pe același domeniu (cu toate că atributele respective pot avea și valori distincte).

**Convenție.** Mai departe vom utiliza următoarele notații. Universul  $U = \{A_1, A_2, \dots, A_n\}$  și orice submulțime a lui,  $R = \{A_{i1}, \dots, A_{ik}\}$ , vor fi reprezentate ca string-uri, adică

$$U = A_1 \dots A_n,$$

$$R = A_{i1} \dots A_{ik}.$$

Vom folosi o notație mai simplă  $A_i \subseteq U$ , în loc de  $\{A_i\} \subseteq U$  pentru "A<sub>i</sub> este o submulțime a mulțimii U". Reuniunea  $Y \cup Z$  a două mulțimi  $Y$  și  $Z$  va fi reprezentată de simbolul  $YZ$ , unde operația binară uniunea, " $\cup$ ", este omisă. Mulțimile  $Y$  și  $Z$  pot fi și mulțimi vide, fiindcă  $\emptyset Z = Z$ ,  $Y \emptyset = Y$  și  $\emptyset \emptyset = \emptyset$ .

Cu litere majuscule de la începutul alfabetului latin vom nota atributele singulare, iar cu cele de la sfârșitul alfabetului latin - mulțimi de atribute.

### 1.1.2. Tupluri

În sistemele cu fișiere o mulțime de câmpuri ce e concepută ca o unitate de salvare și căutare se numește înregistrare. Înregistrarea are un format specific și depinde de tipurile de date ale câmpurilor. O linie dintr-o relație tabelară corespunde înregistrării din fișiere și în teoria relațională se numește tuplu.

**Definiția 1.3.** Fie  $R$  o submulțime a universului  $U$ ,  $R \subseteq U$ , unde  $R \neq \emptyset$  și fie  $\text{dom}(R)$  domeniul mulțimii  $R$ . *Tuplu* se numește o funcție,  $t: R \rightarrow \text{dom}(R)$ , din  $R$  în  $\text{dom}(R)$ , adică

$$t = \{(A_{i1}, a_1), \dots, (A_{ik}, a_k)\},$$

unde orice  $A_{ij}$ ,  $1 \leq j \leq k$ , este un atribut în  $R$  și un argument al lui  $t$ , iar orice  $a_j$ ,  $1 \leq j \leq k$ , este o valoare în  $\text{dom}(A_{ij})$ .

Considerăm o restricție asupra tuplului  $t$ .

**Definiția 1.4.** Fie  $X = B_1 \dots B_m$  o submulțime proprie a mulțimii  $R$ ,  $X \subset R$ , unde  $X \neq \emptyset$ . *X-valoare* a tuplului  $t$ , notată cu  $t[X]$ , este  $t[X] = \{(B_j, b_j) | b_j = t(B_j) = t(A_{ip}), 1 \leq j \leq m, p \in \{1, \dots, k\}\}$ . Dacă  $X = A_{ij}$ ,  $j \in \{1, \dots, k\}$ , atunci  $A_{ij}$ -valoarea tuplului  $t$  se mai numește  $A_{ij}$ -componentă a tuplului  $t$ .

Ultima definiție ne spune, că  $t(A_{ij}) = t[A_{ij}] = a_j$  pentru  $a_j \in \text{dom}(A_{ij})$ . Deci nu vom diferenția simbolurile  $t(A_{ij})$  și  $t[A_{ij}]$  pentru un atribut singular  $A_{ij}$  din  $U$ .

Pentru comoditate tuplul  $t$  și  $X$ -valoarea tuplului  $t$  vor fi notate

$$t = \langle a_1 \dots a_k | A_{i1} \dots A_{ik} \rangle \text{ și}$$

$$t[X] = \langle b_1 \dots b_m | B_1 \dots B_m \rangle,$$

respectiv. Însă, dacă coloanele tabelului ce corespund mulțimilor  $R$  și  $X$  sunt marcate cu atribute din  $R$  și  $X$ , iar ordinea atributelor ce marchează corespund ordinii atributelor în  $R$  și  $X$ , atunci notațiile tuplului  $t$  și  $X$ -valorii tuplului  $t$  pot fi simplificate respectiv

$$t = \langle a_1 \dots a_k \rangle \text{ și}$$

$$t[X] = \langle b_1 \dots b_m \rangle.$$

Deci putem reprezenta printr-un string nu numai o mulțime de atribute, dar și o mulțime de valori. Dar permutarea atributelor într-un tabel va trebui reflectată în tupluri, permutându-le componentele. Cu toate că string-urile ce reprezintă tuplurile inițial și final vor fi diferite, vom considera că aceste tupluri sunt identice.

În tuplul  $t = \langle a_1 \dots a_k | A_{i1} \dots A_{ik} \rangle$  distingem două componente – string-ul de atribute  $A_{i1} \dots A_{ik}$  care este invariant în timp și string-ul de valori  $a_1 \dots a_k$ , care este foarte dinamic. Partea invariantă a tuplului vom numi-o schema tuplului (uneori se notează  $\text{sch}(t)$ ). Îndată ce am definit schema tuplului, expresia “tuplul asupra  $R$ ” devine clară și este echivalentă expresiei “tuplul  $t$  cu schema  $R$ ”.

Pentru comoditate notațională, un tuplu cu numele  $t$  și schema  $R$  se va nota uneori

$$t(R) = t(A_{i1}) t(A_{i2}) \dots t(A_{ik}).$$

Deci putem concepe tuplul  $t(R)$  ca un *tuplu variabilă* asupra  $R$  și fiecare componentă  $t(A_{ij})$ ,  $1 \leq j \leq k$ , ca un *domeniu variabilă*. Dacă tuplul  $t(R)$  are o formă constantă, adică string-ul lui de valori este  $\langle c_1 \dots c_k \rangle$  și aceste valori sunt în  $\text{dom}(R)$ , el se numește *tuplu constantă* asupra  $R$ .

### 1.1.3. Relații și scheme

**Definiția 1.5.** Fie  $R$  o submulțime a universului  $U$ . *Relația*  $r$  asupra  $R$  este o mulțime finită de tupluri cu schema  $R$ . *Aritatea* relației  $r$  este egală cu cardinalitatea mulțimii  $R$ . *Cardinalitatea* relației  $r$  este numărul de tupluri în ea.

**Definiția 1.6.** Fie  $R \subseteq U$  și relația  $r$  asupra  $R$ . Mulțimea de atribute  $R$  se numește *schema* relației  $r$  (notată cu  $\text{sch}(r) = R$ ).

**Definiția 1.7.** *Baza de date* relațională (sau simplu bază de date) este o mulțime finită de relații,  $db = \{r_1, \dots, r_m\}$ , unde  $r_i$  este o relație cu schema  $R_i$ ,  $1 \leq i \leq m$ .

**Definiția 1.8.** Fie baza de date  $db = \{r_1, \dots, r_m\}$ . *Schema bazei de date* este mulțimea schemelor relațiilor ce formează baza de date,  $Db = \{R_1, \dots, R_m\}$ , unde  $R_i = \text{sch}(r_i)$ .

Deci schema unei relații este o expresie a proprietăților comune și invariante ale tuplurilor ce compun relația. Schema unei relații mai este cunoscută sub denumirea de *intensia* unei relații. Relația se mai numește *extensie*. Extensia reprezintă mulțimea tuplurilor care compun la un moment dat relația, mulțime care este variabilă în timp.

Din definițiile de mai sus putem conchide următoarele:

- (1) Într-o relație nu există coloane cu nume duplicate, fiindcă atributele  $A_{ij}$ ,  $1 \leq j \leq k$ , sunt elemente ale mulțimii  $R_i$ .
- (2) Relația  $r_i$  nu are tupluri identice, fiindcă  $r_i$  este o mulțime de tupluri.
- (3) Ordinea tuplurilor în  $r_i$  este neesențială, fiindcă  $r_i$  este o mulțime.
- (4) Ordinea coloanelor e neesențială.
- (5) Valorile atributelor în  $r_i$  sunt atomice fiindcă domeniile sunt simple.

Relațiile ce se stochează fizic și formează baza de date se numesc *relații de bază*. Există, însă, și situații în care extensia nu se memorează în baza de date. Este cazul așa-numitelor *relații virtuale*, cunoscute și sub numele de *relații derivate* sau *viziuni*. Relația virtuală nu este definită explicit ca relația de bază, prin mulțimea tuplurilor componente, ci implicit pe baza altor relații. Relațiile de bază sunt proiectate de administratorul bazei de date, în timp ce viziunile sunt definite de utilizatorii bazei de date.

Relațiile asupra unei mulțimi de atribute pot avea un nume, sau pot să nu aibă, dacă ele sunt identificate în mod unic de schemele sale. Numele relației, de obicei, se scrie cu minuscule, de exemplu, relația  $r$ .

<i>studenți</i>	NUME	NOTĂ_MED	FACULTATE	DECAN
	Vasilache	7.8	Cibernetică	Popovici

<i>discipline</i>	FACULTATE	DISCIPLINĂ

<i>corp_didac</i>	DISCIPLINA	PROFESOR

<i>șarjă</i>	DISCIPLINA	TIP	ORE

Fig.1.1. Baza de date Universitatea

**Exemplul 1.1.** Fie baza de date “Universitatea” constă din patru relații *studenți*, *discipline*, *corp\_didactic* și *șarjă* (vezi fig.1.1).

Primul tabel, reprezentând relația *studenți*, stochează numele, nota medie, facultatea și decanul asociate fiecărui student. Relația are patru atribute: NUME, NOTĂ\_MED, FACULTATE, DECAN. Relația *discipline* afișează disciplinele ce se predau la diverse facultăți. Ea are două atribute FACULTATE și DISCIPLINĂ. Relația *corp\_didac* specifică disciplinele predate de diferiți profesori. Ea are două atribute: DISCIPLINĂ și PROFESOR. Relația *șarjă* descrie disciplinele cu formele sale de predare și numărul de ore. Ea antrenează trei atribute: DISCIPLINĂ, TIP și ORE.

Datele în fiecare relație sunt atomice și sunt luate din domeniile (simple) atributelor corespunzătoare. FACULTATE în relațiile *studenți* și *discipline* reprezintă același atribut. De asemenea atributul DISCIPLINĂ figurează în trei relații: *discipline*, *corp\_didac* și *șarjă*. Cele opt atribute prezente în relațiile descrise constituie universul:  $U = \text{NUME NOTĂ\_MED FACULTATE DECAN DISCIPLINĂ PROFESOR TIP ORE}$ . Așadar, atributele oricărei relații formează o submulțime a mulțimii universale U.

Domeniul atributului NUME constă din eventualele nume de familii, dar trebuie să conțină numai valori active, adică numele studenților ce actualmente își fac studiile la facultate. Domeniul atributului NOTĂ\_MED conține numere pozitive. Dat fiind faptul că mulțimea de numere pozitive e infinită, fiecare NOTĂ\_MED-valoare nu poate depăși valoarea maximă 10. Deci  $\text{dom}(\text{NOTĂ\_MEDIE})$  poate fi menținut finit. Celelalte domenii se definesc similar. Nu e exclus faptul că un decan să fie student la o altă facultate. În cazul acesta domeniile active ale atributelor NUME și DECAN nu vor fi disjuncte.

Tuplurile relației *studenți* sunt definite pe mulțimea de atribute  $R = \text{NUME NOTĂ\_MED FACULTATE DECAN}$ . Ele sunt concepute ca tupluri constante-valori ale tuplului variabilă  $t(R) = t(\text{NUME}) t(\text{NOTĂ\_MED}) t(\text{FACULTATE}) t(\text{DECAN})$ . De exemplu, tuplul constantă  $\langle \text{Vasilache 7.8. Cibernetică Popovici} \rangle$  arată că Vasilache este student la facultatea Cibernetică a cărei decan este Popovici și are nota medie 7.8. Considerăm  $X = \text{NUME DECAN}$ . Tuplul variabilă va fi  $t[X] = t(\text{NUME}) t(\text{DECAN})$ . Tuplul constantă definit pe schema X este derivat din tuplul  $\langle \text{Vasilache 7.8. Cibernetică Popovici} \rangle$  al relației *studenți* și este  $\langle \text{Vasilache Popovici} \rangle$ .

În baza de date “Universitatea”, *studenți* este nume de relație. Schema relației *studenți* e NUME NOTĂ\_MED FACULTATE DECAN.

Baza de date “Universitatea” constă din patru relații  $\text{db} = \{ \text{studenți, discipline, corp\_didactic, șarjă} \}$ . Schema bazei de date este mulțimea schemelor celor patru relații  $\text{Db} = \{ \text{NUME NOTĂ\_MED FACULTATE DECAN, FACULTATE DISCIPLINĂ, DISCIPLINĂ PROFESOR, DISCIPLINĂ TIP ORE} \}$ .

Relațiile *studenți*, *discipline*, *corp\_didactic*, *șarjă* au aritatea 4, 2, 2 și 3 respectiv. Ele formează relațiile de bază. Relația definită pe atributele  $X = \text{NUME DECAN}$  e o relație virtuală.

## 1.2. Constrângeri de integritate

### 1.2.1. Tipuri de constrângeri

Constrângerile de integritate, numite și restricții de integritate definesc cerințele pe care trebuie să le satisfacă datele din baza de date pentru a putea fi considerate corecte, coerente în raport cu lumea reală pe care o reflectă.

Constrângerile sunt principalul mod de integrare a semanticii datelor în cadrul modelului relațional. Mecanismele de definire și verificare ale acestor restricții reprezintă instrumentele principale de control al semanticii datelor. În modelul relațional, constrângerile sunt studiate mai ales sub aspectul puterii lor de modelare și al posibilității de verificare a respectării lor.

Constrângerile de integritate pot fi divizate în linii mari în două grupuri: *constrângeri de comportament și dependențe* între date.

Constrângerile de comportament specifică caracteristicile independente ale unui atribut (sau domeniu). Ele exprimă semantica elementelor domeniilor. De exemplu, toate valorile atributului NOTĂ\_MED trebuie să fie mai mare decât zero, dar nu poate depăși zece. Sau nici o persoană de vârsta 25 ani nu poate avea o vechime în muncă de 37 ani. Deci, conform acestei restricții, valorile atributului trebuie să se încadreze între anumite limite.

Al doilea tip de constrângeri specifică legătura dintre atribute (sau domenii). Aici putem identifica așa-numita dependență de submulțime. Considerăm, de exemplu, relația *personal* definită pe mulțimea de atribute {ANGAJAT SALARIU DEPARTAMENT MANAGER}. În relația *personal*, un manager este în același timp un angajat, dar nu orice angajat este manager. Deci avem că  $\text{dom}(\text{MANAGER}) \subseteq \text{dom}(\text{ANGAJAT})$ .

Dacă presupunem că angajatul are un singur salariu, se subordonează unui singur manager direct, lucrează deci într-un singur departament, atunci ANGAJAT-valorile determină în mod unic toate tuplurile în relația *personal*. Această constrângere este numită dependență funcțională. Dependențele funcționale vor fi studiate detaliat în capitolul 3. Alte tipuri de dependențe cum ar fi cele multivaloare și de joncțiune vor fi studiate în capitolul 4.

### 1.2.2. Chei

Aici vom examina constrângerile legate de noțiunea de cheie a relațiilor. Întrucât relația reprezintă o mulțime de tupluri, iar o mulțime nu poate conține elementele duplicate, relația nu poate prezenta tupluri identice. Deci tuplurile sunt unice și trebuie să existe posibilitatea identificării lor în cadrul unei relații. Identificarea unui tuplu fără a consulta toate componentele tuplului a dus la apariția noțiunii de cheie.

**Definiția 1.9.** Fie  $U$  mulțimea universală de atribute,  $R \subseteq U$  și  $R \neq \emptyset$ . Mulțimea  $K$  de atribute, unde  $K \subseteq R$ , se numește *cheie* pentru schema  $R$  (sau pentru relația  $r$  cu schema  $R$ ), dacă ea posedă următoarele proprietăți:

- (1) pentru orice două tupluri  $t_1$  și  $t_2$  din  $r$  avem  $t_1[K] \neq t_2[K]$ ;
- (2) nici o submulțime  $K^1$  proprie a lui  $K$  nu posedă proprietatea (1)

Proprietatea (1), numită restricția de unicitate a cheii, permite  $K$ -valorilor să identifice în mod unic toate tuplurile dintr-o relație. Însă respectarea proprietății de

unicitate poate fi complicată, dacă însăși  $K$  conține o cheie  $K^1$  și  $K \neq K^1$ . În acest caz, cu toate că atributele din  $K$  sunt suficiente de a atinge scopul, unele din ele nu sunt necesare, deci pot fi eliminate din cheie fără a se afecta unicitatea. Dacă, însă,  $K$  este o submulțime proprie a unei chei, atunci utilizarea a astfel de  $K$ -valori pentru căutarea datelor va descoperi tupluri ce coincid pe toate valorile atributelor din  $K$ .

Proprietatea (2) ne asigură că o cheie  $K$  constituie numai acele atribute ce sunt necesare și suficiente pentru a determina univoc pe celelalte. Cu alte cuvinte  $K$ -valorile întotdeauna asigură un grad exact de informație nici mai mult, nici mai puțin, pentru a găsi un tuplu unic într-o relație.

**Definiția 1.10.** Mulțimea de atribute ce posedă proprietatea (1) se numește *supercheie*.

Deci cheia este o supercheie minimală. Orice cheie e și supercheie. Afirmatia inversă nu e corectă.

Este evident că o mulțime vidă nu poate servi drept cheie a unei relații ce conține mai mult de un tuplu. Orice relație are cel puțin o cheie. La limită cheia este constituită fie dintr-un singur atribut, fie din totalitatea atributelor din schema relației respective.

Într-o relație pot exista mai multe chei. Se spune în acest caz că relația posedă mai multe *chei candidate*. În această situație administratorul bazei de date va stabili una din cheile candidate să servească în mod efectiv la identificarea unică a tuplurilor. Ea va primi numele de *cheie primară*. Primare se vor numi și domeniile atributelor ce formează o cheie primară.

**Definiția 1.11.** Cheia primară a unei relații se numește *cheie simplă*, dacă este constituită dintr-un singur atribut, iar atunci când este formată din mai multe atribute este denumită *cheie compusă*.

**Remarcă.** Nu toate atributele unei chei compuse pot fi definite pe domenii primare.

**Definiția 1.12.** O *cheie externă* reprezintă un atribut (grup de atribute) dintr-o schemă  $R_i$  definit (definite) pe același (aceleași) domeniu (domenii) ca și cheia primară a altei scheme  $R_j$ . Relația  $r_i$  se numește *relație care referă*, iar  $r_j$  poartă numele de *relație referită*.

Unele atribute pot avea așa numitele valori nedefinite sau necunoscute notate cu "null". Însă sunt bine cunoscute constrângerile formulate prin următoarele reguli numite regulile de actualizare (inserare, modificare și eliminare) a relațiilor.

- (1) **Constrângerea entității:** cheia primară a unei relații de bază nu poate conține valori "null";
- (2) **Constrângerea referirii:** dacă atributul  $A$  al unei chei compuse a relației  $r_i$  este definit pe un domeniu primar, atunci trebuie să existe o relație de bază  $r_j$  cu o cheie primară  $B$  încât orice  $A$ -valoare din  $r_i$  să apară în calitate de  $B$ -valoare în  $r_j$ .

Constrângerea entității impune ca la inserarea unui tuplu, valoarea cheii să fie cunoscută, pentru a se putea verifica faptul că această valoare nu este deja încărcată (respectarea constrângerii de unicitate a cheii). Cu valori "null" cheia își pierde rolul de identificator de tuplu.

Constrângerea referențială impune ca într-o relație  $r_i$ , care referă o relație  $r_j$ , valorile cheii compuse să figureze printre valorile cheii primare din relația  $r_j$  pentru atributele compatibile.

**Exemplul 1.2.** Considerăm relațiile *studenți*, *discipline*, *corp\_didac.*, *șarjă*.

În relația *studenți* singura cheie candidat este NUME, deci NUME e și cheia primară, iar dom(NUME) este domeniu primar pentru baza de date “Universitatea”.

Considerăm relațiile *discipline*(FACULTATE DISCIPLINĂ) și *corp\_didac*(DISCIPLINĂ PROFESOR). Fiindcă la orice facultate se predă cel puțin o disciplină și orice profesor predă cel puțin o disciplină, și similar, orice disciplină se predă măcar la o facultate și se predă cel puțin de un profesor, cheile primare ale acestor relații sunt compuse și constau din toate atributele corespunzătoare fiecărei relații.

În relația *șarjă*(DISCIPLINĂ TIP ORE), orice disciplină poate fi de trei tipuri (prelegeri, practică, laborator) și poate avea diferite ore de predare; unele discipline pot avea același tip și același număr de ore. E puțin probabil ca cheia relației *șarjă* să fie simplă. Putem presupune că cheia ei este compusă.

În acest exemplu, domeniul dom(NUME) este primar. Cheile compuse ale relațiilor *discipline*, *corp\_didac*, *șarjă* nu sunt definite pe acest domeniu primar.

Conform regulii (1) atributele celor patru chei nu pot avea valori “null”. Dat fiind faptul că nici o cheie din cele trei compuse nu sunt definite pe domeniul primar dom(NUME), exemplul dat nu ne demonstrează regula (2).

**Exemplul 1.3.** Considerăm relațiile *studenți* și *facultăți* din fig.1.2.

Presupunem că la o facultate își fac studiile mai mulți studenți și un student poate studia la mai multe facultăți concomitent. Cheia primară a relației *studenți* este compusă și constă din atributele NUME FACULTATE. Relația *facultăți* posedă două chei candidate: FACULTATE și DECAN. Fie FACULTATE cheia primară. Atunci atributul FACULTATE al relației *studenți* este cheie externă. Conform regulii (2) toate valorile atributului FACULTATE al relației care referă trebuie să se conțină în relația referită.

<i>studenți</i>	NUME	FACULTATE	AN
	n <sub>1</sub>	f <sub>1</sub>	a <sub>1</sub>
	n <sub>2</sub>	f <sub>1</sub>	a <sub>2</sub>
	n <sub>3</sub>	f <sub>2</sub>	a <sub>3</sub>

  

<i>facultăți</i>	FACULTATE	DECAN
	f <sub>1</sub>	d <sub>1</sub>
	f <sub>2</sub>	d <sub>2</sub>

Fig.1.2.

Spuneam mai sus că extensiile relațiilor se schimbă pe parcursul timpului. S-ar părea că pentru fiecare instanță a relației pot fi determinate cheile și supercheile. Dar schemele relațiilor, adică intensiile, trebuie să fie invariante și e de dorit ca cheile pe parcursul timpului să nu se schimbe. Cheile trebuie să rămână chei pentru orice eventuale extensii. Prin urmare determinarea cheii unei relații necesită cunoașterea semnificativității relației respective, nu numai celei din momentul în care se stabilește cheia.



**Convenție.** Dacă relația posedă o singură cheie sau dorim să evidențiem numai cheia primară mai departe vom sublinia atributele ce formează această cheie. De exemplu, relația  $r$  cu schema  $ABCD$  și cheia  $AC$  se scrie  $r(\underline{A} \underline{B} \underline{C} D)$ . În cazul că relația posedă mai multe chei, atunci le vom scrie explicit: relația  $r(ABCD)$  are două chei candidate  $K_1=AC$ ,  $K_2=B$ .

### 1.3. Operații de actualizare

Regulile de actualizare a bazei de date fac parte din cele trei componente ale modelului relațional de date. Vom examina cele trei operații de actualizare a datelor: *inserarea datelor*, *ștergerea datelor* și *modificarea datelor*.

Fie că în relația  $r(A_1 A_2 \dots A_n)$  vrem să introducem date. Operația de inserție, a unui tuplu în relația  $r$  poate avea forma:

$$\text{Add}(r; \langle a_1 a_2 \dots a_n | A_1 A_2 \dots A_n \rangle).$$

În cazul că ordinea atributelor în relație e cunoscută, e acceptabilă o formă mai scurtă a operației:

$$\text{Add}(r; \langle a_1 a_2 \dots a_n \rangle).$$

Scopul acestei operații constă în adăugarea unui tuplu într-o relație concretă. Rezultatul operației poate să eșueze din următoarele cauze:

- (1) tuplul de inserție e definit pe o mulțime de atribute ce nu corespunde schemei relației;
- (2) valorile componentelor tuplului nu sunt luate din domeniile corespunzătoare;
- (3) în relație deja se găsește un tuplu cu asemenea componente cheie.

În toate aceste cazuri operația  $\text{Add}$  păstrează relația  $r$  intactă.

Operația de ștergere a datelor se utilizează pentru eliminarea conținutului relațiilor. Pentru relația  $r$  de mai sus, operația de ștergere se reprezintă:

$$\text{Del}(r; \langle a_1 a_2 \dots a_n | A_1 A_2 \dots A_n \rangle).$$

În cazul când numele de atribute sunt sortate, poate fi utilizată următoarea notație scurtă:

$$\text{Del}(r; \langle a_1 a_2 \dots a_n \rangle).$$

În realitate, o parte de date din operația de mai sus poate fi redundantă pentru determinarea tuplului destinat ștergerii. E suficientă definiția valorilor atributelor cheie. Dacă  $K=B_1 B_2 \dots B_m$  este cheia relației  $r$ , atunci e utilă următoarea formă a operației  $\text{Del}$ :

$$\text{Del}(r; \langle b_1 b_2 \dots b_m | B_1 B_2 \dots B_m \rangle).$$

Rezultatul operației de ștergere a tuplurilor nu se lasă mult așteptat. Tuplul e eliminat, dacă el este relație. În cazul că tuplul lipsește - relația rămâne intactă. Nu se pune nici o restricție asupra eliminării ultimului tuplu în relație: relația vidă se admite.

Uneori, în loc de eliminarea unui tuplu din relație și includerea unui alt tuplu e mai efectivă schimbarea unei părți a tuplului. Schimbarea se face cu operația de modificare. Dacă  $C_1 C_2 \dots C_k \subseteq A_1 A_2 \dots A_n$ , atunci operația de modificare poate avea forma:

$$\text{Ch}(r; \langle a_1 a_2 \dots a_n | A_1 A_2 \dots A_n \rangle; \langle c_1 c_2 \dots c_k | C_1 C_2 \dots C_k \rangle).$$

Dacă mulțimea  $K=B_1 B_2 \dots B_m$  este cheia relației  $r$ , atunci expresia de mai sus poate fi redusă la:

$$\text{Ch}(r; \langle b_1 b_2 \dots b_m | B_1 B_2 \dots B_m \rangle; \langle c_1 c_2 \dots c_k | C_1 C_2 \dots C_k \rangle).$$

Operația de modificare este foarte utilă. Același rezultat poate fi obținut prin intermediul operațiilor de inserare și ștergere. Prin urmare, toate eșecurile operațiilor inserare și ștergere sunt specifice și operației modificare.